Un bien étrange sablier

Problème

ABCDEFGH est un parallélépipède rectangle tel AB = 8 cm; BC = 6 cm et AE = 12 cm.

- M est un point sur le segment [CG] tel que CM = 7 cm.
 On remplit complètement la partie haute du sablier avec du sable.
 Lorsque le sable aura fini de s'écouler, la partie basse sera-t-elle pleine ?
 Et si non quel volume restera-t-il ?
- 2. M est maintenant un point quelconque sur [CG]. On pose CM = x. On appelle V₁ le volume de la pyramide ACDM et V₂ le volume de la pyramide de EFGHM. Pour quelle valeur de x le volume V₁ est-il égal au volume V₂ ? Quel est alors le volume commun ?
- 3. On suppose maintenant que le point M est situé au milieu du segment [CG]
 - a) Tracer un patron de la pyramide MADC.
 - b) Calculer l'aire totale A_1 de cette pyramide.
 - c) Tracer un patron de la pyramide MEFGH.
 - d) Calculer l'aire totale A_2 de cette pyramide.

Scénario d'utilisation

Question 1

a) Fichier SABLIER.G3W

Commandes :

- Touche **7** : positionne le point M tel que CM = 7.
- Touche **Q** : afficher/cacher la valeur de V₁.
- Touche **S** : afficher/cacher la valeur de V₂.
- b) Fichier SABLIER_1.G3W (calcul de V₁)

Commandes :

- Touche **R** : permet de faire tourner la pyramide par appuis successifs.
- Touche W : permet de revenir à la position initiale.
- Touche **Q** : afficher/cacher la valeur de V₁.
- c) Fichier SABLIER_2.G3W (calcul de V₂)

Commande :

• Touche S : afficher/cacher la valeur de V_2 .



On pourra par le menu Fenêtre > Mosaïque afficher les trois fichiers simultanément.



Question 2

Fichier SABLIER.G3W et SABLIER.G2W.

Instructions :

Afficher les deux fichiers en « mosaïque verticale »

Commande sur fichier sablier.g3w :

• Touche **X** : permet de piloter *x* au clavier à l'aide des flèches

Lorsque l'on modifie la valeur de x dans le fichier SABLIER.G3W la trace des volumes V₁ et V₂ se dessine dans le fichier SABLIER.G2W.



Question 3

FICHIER SABLIER.G3W

Commandes :

• Touche 6 : placer M au milieu de [CG]

Pour les questions a) et b) : ouvrir en plus le fichier SABLIER_1.G3W (les flèches permettent d'ouvrir le patron).

Commandes :

- Touche 6 : placer M au milieu de [CG]
- Touche **A** : vue de face du patron.
- Touche **T** : affichage de l'aire A₁.

Pour les questions c) et d) : ouvrir en plus le fichier <u>SABLIER_2.G3W</u> (les flèches permettent d'ouvrir le patron).

Commandes :

- Touche 6 : placer M au milieu de [CG]
- Touche **A** : vue de face du patron.
- Touche **T** : affichage de l'aire A₂.

