

# Radioactivité

Un laboratoire souhaite déterminer si un objet est radioactif. Pour cela, il utilise un compteur Geiger. Cet appareil compte les coups provoqués par la désintégration de particules. Ces coups peuvent être dus à la radioactivité de l'objet, ou être provoqués par un bruit de fond parasite. Chaque centième de seconde, la probabilité que l'appareil capte un coup dû au bruit de fond est égale à 0,03.

L'objet a été placé pendant dix secondes dans une pièce isolée et, durant ces dix secondes, le compteur a dénombré 37 coups. On cherche à savoir si ce résultat permet d'affirmer que l'objet est radioactif.

- 1)
  - a. Simuler à l'aide d'un tableur le nombre de coups provoqués par le bruit de fond pendant une plage de 10 secondes.
  - b. Organiser 200 simulations analogues. Un comptage de 37 coups en dix secondes semble-t-il exceptionnel ? Que peut-on conjecturer sur la radioactivité de l'objet ?
- 2) On fait l'hypothèse, notée ( $H_0$ ) que l'objet n'est pas radioactif. Soit  $X$  la variable aléatoire qui décompte le nombre de coups provoqués par le bruit de fond pendant une plage de 10 secondes.
  - a. Préciser la loi de la variable  $X$  et donner ses paramètres.
  - b. Déterminer le plus petit entier  $N$  tel que  $P(X \leq N) \geq 0,95$ .
  - c. On décide de rejeter l'hypothèse ( $H_0$ ) si le nombre de coups mesurés par le compteur sur cet objet, placé pendant 10 secondes dans une pièce isolée, est supérieur ou égal à  $N + 1$ .  
Que peut-on en conclure quant à l'objet pour lequel on a mesuré 37 coups ?