**Parallélogrammes**



*Extrait du programme de 1ère:*

L’objectif est de renforcer la capacité des élèves à étudier des problèmes dont la résolution repose sur des calculs de distances et d’angles, la démonstration d’alignement, de parallélisme ou d’orthogonalité.

L’idée est de laisser chaque élève choisir une méthode et de l’aider ensuite dans la mise en œuvre de **sa** méthode.

**Piste 1 : Avec des configurations**



En utilisant des points de la figure, comme le point d’intersection de et , et/ou le point d’intersection de et , et/ou le milieu de , on peut démontrer que est parallèle à .

**Piste 2 : Avec un repère**



Si l’élève est sensibilisé au choix d’un repère, même quelconque, il peut, dans le repère par exemple chercher les coordonnées de et utiliser les vecteurs ou les droites pour conclure.

**Piste 3 : Calcul vectoriel**

On peut exprimer le vecteur en fonction du vecteur .

Exemple :



Méthode un peu « experte » en 1°S pour des élèves qui ont découvert les vecteurs en 2nde, en géométrie repérée, et ne les pratiquent hors repère que depuis peu de temps.

*Extraits du programme de 1ère:*

Expression d’un vecteur du plan en fonction de deux vecteurs non colinéaires

Choisir une décomposition pertinente dans le cadre de la résolution de problèmes

On ne se limite pas au cadre de la géométrie repérée

Divers points d’appui possibles à donner à un élève ayant choisi la **Piste 1 : Avec des configurations**  ou à un élève analysant la figure qui ne démarre pas, n’évoque ni les vecteurs, ni un repère.

On peut donner un énoncé plus ou moins détaillé à un élève, ou distiller à l’oral des indications (pas forcément toutes) au fur et à mesure si la gestion du groupe le permet.

Exemples d’indications suivant le comportement de l’élève :

 le point d’intersection de et , le point d’intersection de et .

Étudier la position de sur le segment .

Que représente pour le triangle  ?

Que représente pour le segment  ?

Ou

Utiliser le milieu du segment .

Divers points d’appui possibles à donner à un élève ayant choisi la **Piste 2 : Avec un repère**

Calculer les coordonnées de , et . En déduire celles de et de .

Calculer les coordonnées de et de , puis celles de .

Conclure.

Divers points d’appui possibles à donner à un élève ayant choisi la **Piste 3 : Calcul vectoriel**

Exprimer le vecteur en fonction des vecteurs et

Ou

Pourquoi a-t-on  ?

Prouver que

Ou

Plus détaillé si l’élève choisit cette piste en n’ayant pas assez de savoir-faire sur le calcul vectoriel.

**Un « Devoir Maison » peut faire suite à cette résolution de problème**

*Extrait du programme de 1ère:*

Fréquents, de longueur raisonnable et de nature variée, les travaux hors du temps scolaire contribuent à la formation des élèves et sont absolument essentiels à leur progression. Ils sont conçus de façon à prendre en compte la diversité et l’hétérogénéité de leurs aptitudes.

Donner à chaque élève de façon **différenciée** une solution à rédiger, autre que celle qu’il a choisie en classe notamment, ou suivant les méthodes qu’il doit acquérir. On peut aussi ne pas demander de méthode experte à certains.

Exemples :

**Si on souhaite faire progresser l'élève dans le travail hors repère :**

1. Exprimer le vecteur en fonction des vecteurs et .
2. En déduire une expression de en fonction des vecteurs et .
3. Exprimer le vecteur en fonction des vecteurs et .
4. Exprimer le vecteur en fonction des vecteurs et ..
5. En déduire que et sont colinéaires. Conclure.

**Si on souhaite que l'élève revoie les configurations usuelles :**

Démontrer la conjecture en utilisant , le point d’intersection de et , et le point d’intersection de et .

Ou

Démontrer la conjecture à l’aide de , le milieu du segment .

**Si on souhaite convaincre l'élève de l'efficacité du choix d’un repère :**

Démontrer la conjecture en choisissant le repère .

Ou

Démontrer la conjecture en travaillant dans un repère.

On peut aussi demander à certains élèves deux méthodes différentes de celle utilisée par l’élève en classe, ou les trois méthodes à quelques élèves.