

BREVET BLANC n°1 de mathématiques – Correction

Activités Numériques

Ex 1: (5 points)

$$A = \left(\frac{3}{8}\right)^2 - \frac{1}{8} - \frac{3^2}{8^2} - \frac{1}{8} - \frac{9}{64} - \frac{8}{64} - \frac{1}{64} \quad B = (3 - \sqrt{5})^2 + 50 + 2\sqrt{45}$$

$$= 3^2 + \sqrt{5^2} - 2 \times 3 \times \sqrt{5} + 50 + 2\sqrt{9 \times 5} = 9 + 5 - 6 \times \sqrt{5} + 50 + 2 \times \sqrt{9} \times \sqrt{5}$$

$$= 64 - 6\sqrt{5} + 2 \times 3 \times \sqrt{5} = 64 - 6\sqrt{5} + 6\sqrt{5} = 64$$

C =

A et B sont inverses ; B et C sont opposés.

Exercice 2: (4,5 points)

1. Si on choisit $x = 5$,
 $x \rightarrow 2 \times 5 - 3 = 7 \rightarrow 7^2 = 49 \rightarrow 49 - 16 = 33$ le résultat final est 33
2. L'expression qui décrit le programme donné est la e) : $(2x - 3)^2 - 16$
3. développement de $F = (3x - 16)^2 - 2 = (3x)^2 + 16^2 - 2 \times 3x \times 16 - 2$
 $= 9x^2 + 254 - 96x$

Factorisation de $E = (2x - 3)^2 - 16 = (2x - 3)^2 - 4^2$
 $= (2x - 3 + 4)(2x - 3 - 4) = (2x + 1)(2x - 7)$

4. pour $x = -\frac{5}{2}$, $E = (2x - 3)^2 - 16 = (2 \times (-\frac{5}{2}) - 3)^2 - 16$
 $= (-5 - 3)^2 - 16 = (-8)^2 - 16 = 64 - 16 = 48$

Exercice 3 (3 points):

1°) En seconde, il y a $a = 45\% \times 360 = 182$ élèves.
 Donc en terminale, il y a $360 - 182 - 115 = 83$ élèves
 soit un pourcentage de $\frac{83}{360} \times 100 \approx 23\%$

2°) Sur le diagramme, 180° représentent les 360 élèves soit 1° pour 21 élèves, donc les 115 élèves de première sont représentés par $57,5^\circ$

Activités géométriques

Exercice 1 (6,5 points):

1°) Dans les triangles OLN et OJK, on a
 $\frac{OK}{OL} = \frac{2,4}{3,6} = \frac{24}{36}$ et $\frac{OJ}{ON} = \frac{4}{6} = \frac{24}{36}$ Donc $\frac{OK}{OL} = \frac{OJ}{ON}$;
 de plus, les points, J, O et N sont alignés dans le même ordre que les points K, O et L.
 Donc on peut utiliser la réciproque du théorème de Thalès et conclure que $(LN) \parallel (JK)$.

2°) d'une part $LN^2 + LO^2 = 4,8^2 + 3,6^2 = 36$ d'autre part $ON^2 = 6^2 = 36$
 donc $LN^2 + LO^2 = ON^2$ donc on peut appliquer la réciproque du théorème de Pythagore et conclure que LNO est un triangle rectangle en L.

3°) LNO étant rectangle en L, $\cos \widehat{LON} = \frac{LO}{ON} = \frac{3,6}{6} = 0,6$. Donc $\widehat{LON} \approx 53^\circ$.
 On en déduit que $\widehat{LNO} \approx 180 - 90 - 53 \approx 27^\circ$

De plus, les droites (LN) et (JK) sont parallèles, donc elles sont coupées par la droite (JN) en formant deux angles « alternes-internes » égaux, donc $\widehat{OJK} = \widehat{LNO} \approx 27^\circ$

Exercice 2 (5 points):

- 1°) La section JKNM est un rectangle.
- 2°) a- La face FGCB est un carré de 6 cm de côté, sur lequel on place K et N.
 b- La section JKNM est un rectangle de côté $KJ = 6$ cm et la longueur KN est à reporter avec le compas à partir de la figure tracée au a-
- 3°) a- le solide AJMBKN est un prisme droit à base triangulaire (BKN).
 b- Son volume se calcule avec la formule : Aire de la base \times hauteur
 Soit Aire de BKN \times BA = $\frac{3 \times 3}{2} \times 6 = 4,5 \times 6 = 27 \text{ cm}^3$ ou 2,7 cl

Problème (12 points) – 1°) a- le triangle BNM est rectangle en M, donc on

peut appliquer le théorème de Pythagore : $NB^2 = NM^2 + MB^2$
 $NM^2 = 4^2 - 3,2^2 = 5,76$ $NM = \sqrt{5,76} = 2,4$ cm

b- Dans le triangle BNM rectangle en M $\cos \widehat{BNM} = \frac{BM}{BN} = \frac{3,2}{4} = 0,8$

D'où $\widehat{BNM} \approx 37^\circ$

2°) a- P est sur le cercle de diamètre [AB]

or « Si un triangle est formé d'un point et d'un diamètre d'un même cercle, alors ce triangle est rectangle »

Donc APB est un triangle rectangle en P d'où $(AP) \perp (PB)$

Par ailleurs je sais que $(NM) \perp (MB)$ et que M, P et B sont alignés, d'où $(NM) \perp (PB)$

Or « Si deux droites sont perpendiculaires à une même troisième droite, alors elles sont parallèles entre elles »

Donc je peux conclure que $(AP) \parallel (NM)$.

b- Dans les triangles BNM et BPA, on sait que les points B, M et P sont alignés ainsi que B, N et A, et que $(NM) \parallel (AP)$.

Donc on peut appliquer le théorème de Thalès et écrire : $\frac{BM}{BP} = \frac{BN}{BA} = \frac{NM}{AP}$

$$\text{soit } \frac{3,2}{BP} = \frac{4}{12} \quad \text{et } BP = \frac{3,2 \times 12}{4} = 9,6 \text{ cm}$$

3°) a- Le coefficient d'agrandissement est $\frac{BP}{BM} = \frac{12}{4} = 3$

$$\text{b- } \mathcal{A}_{\text{BMN}} = \frac{MB \times MN}{2} = \frac{3,2 \times 2,4}{2} = 3,84 \text{ cm}^2$$

« Au cours d'un agrandissement de rapport k, les aires sont multipliées par k^2 »

$$\text{Donc } \mathcal{A}_{\text{BPA}} = \mathcal{A}_{\text{BMN}} \times 3^2 = 3,84 \times 9 = 34,56 \text{ cm}^2$$

4°) Dans les triangles BME et BPO, on a

$$\frac{BM}{BP} = \frac{3,2}{9,6} = \frac{1}{3} \quad \text{et} \quad \frac{BE}{BO} = \frac{4 : 2}{6} = \frac{1}{3} \quad \text{Donc } \frac{BM}{BP} = \frac{BE}{BO}; \text{ de plus,}$$

les points B, M et P sont alignés dans le même ordre que les points B, E et O.
Donc on peut utiliser la réciproque du th. de Thalès et conclure : $(ME) \parallel (PO)$

$$5°) \frac{BN}{BO} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

O étant le centre du cercle de diamètre [BK], O est le milieu de [BK].

Donc [BO] est la médiane issue de B du triangle PBK.

N est sur cette médiane aux deux tiers en partant du sommet, alors N est le centre de gravité du triangle PBK

Comme le centre de gravité est le point de concours des 3 médianes d'un triangle, alors la droite (PN) est la médiane de PBK issue de P.

Donc (PN) coupe le côté [BK] en son milieu, donc I est le milieu de [BK].